



Федеральное агентство морского и речного транспорта  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

«Государственный университет морского и речного флота  
имени адмирала С.О. Макарова»

Воронежский филиал ФГБОУ ВО «ГУМРФ имени адмирала С.О. Макарова»

---

Кафедра математики, информационных систем и технологий

УТВЕРЖДАЮ  
И. о. директора филиала  
  
(подпись)  
Пономарёв С. В.  
«28» июня 2022 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины «Численные методы»

Направление подготовки 09.03.02 Информационные системы и технологии

Направленность (профиль) Информационные системы на транспорте

Уровень высшего образования бакалавриат

Форма обучения очная, заочная

г. Воронеж  
2022

## 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенные с установленными в ОПОП индикаторами достижения компетенций

Таблица 1

Планируемые результаты обучения по дисциплине

Код и наименование компетенции	Код индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине
<b>ОПК-1:</b> Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности.	ОПК-1.1	<b>Знать:</b> основы математики, физики, вычислительной техники и программирования.
	ОПК-1.2	<b>Уметь:</b> решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования.
	ОПК-1.3	<b>Иметь навыки:</b> теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности

## 2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Численные методы» относится к обязательной части Блока 1 и изучается на 3 курсе в VI семестре по очной форме обучения (на 4 курсе в VIII семестре по заочной форме обучения).

Изучение дисциплины базируется на навыках, знаниях и умениях, полученных студентами в курсах «Физика», «Геометрия и алгебра», «Математический анализ», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Моделирование процессов и систем» и «Дифференциальные уравнения».

Освоение данной дисциплины как предшествующей необходимо для последующего овладения дисциплинами: «Системы поддержки принятия решений», «Информационные системы логистики», «Геоинформационные технологии», «Телекоммуникационные технологии», «Информационные системы управления транспортными процессами», а также для прохождения производственной практики и подготовки ВКР.

## 3. Объем дисциплины в зачетных единицах и виды учебных занятий

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 з. е., 144 час.

Дисциплина может реализовываться с применением дистанционных образовательных технологий.

Таблица 2

## Объем дисциплины по составу

Вид учебной работы	Формы обучения					
	Очная			заочная		
	Всего часов	из них в семестре №		Всего часов	курс	
		6	–		4	–
Общая трудоемкость дисциплины	144	144	–	144	144	–
Контактная работа обучающихся с преподавателем, всего	51	51	–	14	14	–
в том числе:	–	–	–	–	–	–
Лекции	17	17	–	4	4	–
Практическая подготовка, всего	34	34	–	10	10	–
в том числе:						
Лабораторные работы	34	34	–	10	10	–
Практические занятия	–	–	–	–	–	–
Тренажерная подготовка	–	–	–	–	–	–
Самостоятельная работа, всего	66	66	–	121	121	–
В том числе:	–	–	–	–	–	–
Курсовая работа/проект	–	–	–	–	–	–
Расчетно-графическая работа (задание)	9	9	–	9	9	–
Контрольная работа	–	–	–	–	–	–
Коллоквиум	–	–	–	–	–	–
Реферат	–	–	–	–	–	–
Другие виды самостоятельной работы	57	57	–	112	112	–
Промежуточная аттестация: <i>экзамен</i>	27	27	–	9	9	–

#### 4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

##### 4.1. Лекции. Содержание разделов (тем) дисциплины

Таблица 3

## Содержание разделов (тем) дисциплины

№ п/п	Наименование раздела(темы) дисциплины	Содержание раздела(темы)дисциплины	Трудоемкость в часах по формам обучения	
			Очная	Заочная
1.	Элементы теории погрешностей.	Абсолютная и относительная погрешности приближенного значения. Правила округления чисел. Погрешности арифметических операций. Погрешность произвольной функции.	2	
2.	Численные методы решения нелинейных уравнений.	Изоляция корней. Метод половинного деления. Метод итераций и условия его сходимости. Геометрическая интерпретация	2	1

№ п/п	Наименование раздела(темы) дисциплины	Содержание раздела(темы)дисциплины	Трудоемкость в часах по формам обучения	
			Очная	Заочная
		метода простой итерации Метод хорд. Метод касательных (Ньютона). Выбор исходной точки.		
3.	Численные методы решения систем линейных алгебраических уравнений.	Метод Гаусса и метод обратной матрицы. Переопределенные и неопределенные системы линейных алгебраических уравнений. Методы итераций, релаксаций, прогонки. Метод Зейделя для системы линейных алгебраических уравнений.	2	
4.	Численные методы решения систем нелинейных уравнений.	Теорема о неподвижной точке. Сжимающие отображения. Метод простой итерации (метод Якоби) для нелинейных систем. Зейделя для нелинейных систем. Методы: сечений, итераций, Ньютона.	2	1
5.	Аппроксимация функций.	Понятие аппроксимации функций. Интерполяция и экстраполяция. Интерполяционные многочлены. Полиномы Лагранжа и Ньютона. Погрешность интерполяции. Методы аппроксимации. Аппроксимация производной функции. Метод наименьших квадратов (МНК). Выбор базиса. Алгоритм метода. Использование МНК. Линейная, полиномиальная аппроксимация. Аппроксимация линеаризацией. Интерполяционные сплайны и тригонометрическая интерполяция. Аппроксимация произвольной функцией в MS Excel. Обработка результатов экспериментального исследования в MS Excel.	2	1
6.	Численное интегрирование.	Задача численного интегрирования. Формула Ньютона-Котеса. Коэффициенты Котеса и их свойства. Однократный и многократный методы. Квадратурные формулы прямоугольников, трапеций и парабол (Симпсона). Практическая оценка погрешности. Квадратурные формулы Чебышева и Гаусса. Сравнительная характеристика методов	2	1
7.	Численные методы решения дифференциальных	Дифференциальные уравнения. Задача Коши и краевая задача. Численное интегрирование	2	

№ п/п	Наименование раздела(темы) дисциплины	Содержание раздела(темы)дисциплины	Трудоемкость в часах по формам обучения	
			Очная	Заочная
	уравнений.	дифференциальных уравнений. Решение задачи Коши. Одношаговые и многошаговые методы. Решение задачи Коши методом Эйлера, модифицированным методом Эйлера и методом Рунге-Кутта. Решение краевой задачи для дифференциального уравнения методом конечных разностей.		
8.	Методы решения задач линейного программирования.	Математическая модель задачи линейного программирования. Постановка задачи линейного программирования. Двойственная задача. Производственная задача. Графический метод. Симплекс-метод. Транспортная задача. Решение задач линейного программирования в MS Excel.	3	
<i>Всего</i>			17	4

## 4.2. Практическая подготовка

### 4.2.1. Лабораторные работы

Таблица 4

#### Лабораторные работы

№ п/п	Наименование раздела(темы) дисциплины	Наименование и содержание лабораторных работ	Трудоемкость в часах по формам обучения	
			Очная	Заочная
1.	Элементы теории погрешностей	Оценка погрешностей.	2	
2.	Численные методы решения нелинейных уравнений.	Метод половинного деления. Метод простой итерации. Метод Ньютона.	4	2
3.	Численные методы решения систем линейных алгебраических уравнений.	Метод прогонки. Метод простой итерации (метод Якоби).	4	
4.	Численные методы решения систем нелинейных уравнений.	Метод простой итерации (метод Якоби) для систем нелинейных уравнений. Метод Зейделя для систем нелинейных уравнений.	4	
5.	Аппроксимация функций.	Интерполяционные многочлены Лагранжа и Ньютона. Сплайн-интерполяция.	4	2
		Метод наименьших квадратов. Линеаризация. Обработка	4	

№ п/п	Наименование раздела(темы) дисциплины	Наименование и содержание лабораторных работ	Трудоемкость в часах по формам обучения	
			Очная	Заочная
		результатов эксперимента.		
6.	Численное интегрирование.	Метод прямоугольников. Метод трапеций. Метод парабол (Симпсона).	4	2
7.	Численные методы решения дифференциальных уравнений.	Решение задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка методом Эйлера, модифицированным методом Эйлера, методом Рунге-Кутты.	2	2
		Решение краевой задачи для линейного дифференциального уравнения второго порядка методом конечных разностей. Разностные методы решения краевой задачи	2	
8.	Методы решения задач линейного программирования.	Графический метод решения задач линейного программирования. Решение задачи линейного программирования в MS Excel.	4	2
Всего			34	10

## 5. Самостоятельная работа

Таблица 6

### Самостоятельная работа

№ п/п	Вид самостоятельной работы	Наименование работы и содержание
1.	Подготовка к лабораторным работам.	Изучение примеров решения задач, аналогичных задачам практикума.
2.	Расчетно-графическая работа	Численное решение уравнений, интегрирование функций и дифференциальных уравнений

## 6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Приведен в обязательном приложении к рабочей программе.

## 7. Перечень основной, дополнительной учебной литературы и учебно-методической литературы для самостоятельной работы обучающихся, необходимой для освоения дисциплины

Таблица 7

Перечень основной, дополнительной учебной литературы и учебно-методической литературы

Название	Автор	Вид издания (учебник, учебное пособие)	Место издания, издательство, год издания, кол-во страниц
<b>Основная литература</b>			
Численные методы в 2 ч., Ч. 1	Пименов В. Г.	Учебное пособие для вузов	Москва: Юрайт, 2022. — 111 с. // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/492872">https://urait.ru/bcode/492872</a>
Численные методы в 2 ч., Ч. 2	Пименов В. Г., Ложников А. Б.	Учебное пособие для вузов	Москва: Юрайт, 2021. — 107 с. // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/492873">https://urait.ru/bcode/492873</a>
<b>Дополнительная литература</b>			
Численные методы.	А. В. Зенков	Учебное пособие для прикладного бакалавриата	Москва: Юрайт, 2021. — 122 с. // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/491582">https://urait.ru/bcode/491582</a>
Численные методы оптимизации	Сухарев А. Г., Тимохов А. В., Федоров В. В.	Учебник и практикум для вузов	Москва: Юрайт, 2022. — 367 с. // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/487195">https://urait.ru/bcode/487195</a>
<b>Учебно-методическая литература для самостоятельной работы</b>			
Численные методы	Пирумов У. Г. [и др.]; под редакцией У. Г. Пирумова	Учебник и практикум для вузов	Москва: Юрайт, 2022. — 421 с. // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/488879">https://urait.ru/bcode/488879</a>
Численные методы	Гателюк О. В., Исмаилов Ш. К., Манюкова Н. В.	Учебное пособие для вузов	Москва: Юрайт, 2022. — 140 с. // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/491796">https://urait.ru/bcode/491796</a>

**8. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем (при наличии)**

Таблица 8

Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем

№ п/п	Наименование профессиональной базы данных/информационной справочной системы	Ссылка на информационный ресурс
1	Электронные образовательные ресурсы (ЭОР): <ul style="list-style-type: none"> <li>• Министерство образования и науки Российской Федерации (<a href="http://минобрнауки.рф/">http://минобрнауки.рф/</a>).</li> <li>• Федеральный портал "Российское образование" (<a href="http://www.edu.ru/">http://www.edu.ru/</a>).</li> </ul>	<a href="http://минобрнауки.рф">http://минобрнауки.рф</a>

№ п/п	Наименование профессиональной базы данных/информационной справочной системы	Ссылка на информационный ресурс
	<ul style="list-style-type: none"> <li>Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" (<a href="http://window.edu.ru/">http://window.edu.ru/</a>).</li> <li>Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>).</li> <li>Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (<a href="http://fcior.edu.ru/">http://fcior.edu.ru/</a>).</li> <li>Интернет-университет <a href="http://intuit.ru">intuit.ru</a></li> <li>Интернет-портал «Информационно-коммуникационные технологии в образовании» (<a href="http://www.ict.edu.ru">http://www.ict.edu.ru</a>)</li> <li>Портал аналитической информации «CIT FORUM» (<a href="http://citforum.ru/database">http://citforum.ru/database</a>)<a href="http://citforum.ru/hardware/">http://citforum.ru/hardware/</a></li> </ul>	
2	Математическая, физико-техническая литература	<a href="http://www.ph4s.ru/book_mat_matp_hys.html">http://www.ph4s.ru/book_mat_matp_hys.html</a>
3	Учебно-образовательная физико-математическая библиотека	<a href="http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm">http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm</a>
4	Образовательный математический сайт, включающий множество математических разделов и примеры работы с математическими пакетами;	<a href="http://www.exponenta.ru">www.exponenta.ru</a>
5	Словари и энциклопедии по темам технических и ряда других специальных учебных заведений	<a href="http://www.dic.academic.ru">www.dic.academic.ru</a>
6	Дополнительная литература по темам математических, технических и ряда других дисциплин	<a href="http://window.edu.ru/window/library">http://window.edu.ru/window/library</a> <a href="http://www.gnpbu.ru">http://www.gnpbu.ru</a> <a href="http://window.edu.ru/catalog">http://window.edu.ru/catalog</a> <a href="http://journal.mrsu.ru/educational">http://journal.mrsu.ru/educational</a>
7	eLIBRARY Научная электронная библиотека	<a href="http://www.elibrary.ru">http://www.elibrary.ru</a>
8	Университетская библиотека Online	<a href="http://biblioclub.ru/">http://biblioclub.ru/</a>
9	Сайт "Компьютерная математика", обзор математических пакетов.	<a href="http://users.kaluga.ru/math/">http://users.kaluga.ru/math/</a>
10	ИНТУИТ, национальный открытый университет	<a href="http://www.intuit.ru/studies/courses/2192/31/info">http://www.intuit.ru/studies/courses/2192/31/info</a>
11	Официальный сайт Ubuntu, дистрибутив	<a href="http://www.ubuntu.com/download">http://www.ubuntu.com/download</a>

## 9. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

Таблица 9

### Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

№ п/п	Наименование программного продукта	Тип продукта (полная лицензионная версия, учебная версия, распространяется свободно)
1.	Microsoft Corporation Windows	Бессрочная лицензия



№ п/п	Наименование программного продукта	Тип продукта (полная лицензионная версия, учебная версия, распространяется свободно)
2.	Microsoft Office	Бессрочная лицензия
6.	Maplesoft MAPLE	Учебная версия
7.	Scilab	GNU GPL
8.	Moodle	GNU GPL

## 10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Таблица 10

### Описание материально-технической базы

№ п/п	Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы
1	394033, г.Воронеж, Ленинский проспект, дом 174Л № 4. Специализированная многофункциональная аудитория 4: - учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, - учебная аудитория групповых и индивидуальных консультаций; - учебная аудитория для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации	Доступ в Интернет. 1. Столы – 17 шт. 2. Стулья – 33 шт. 3. Интерактивная доска ActivBoard PRomethean – 1 шт. 4. Проектор Epson H469В – 1шт. 5. Персональный компьютер Intel Corel 2 Duo CPU E6550 2.33ГГц (монитор, системный блок, клавиатура) -1 шт. 6. Колонки DEXP R140 – 1 компл
2	394033, г. Воронеж, Ленинский проспект, дом 174Л № 44. Специализированная многофункциональная аудитория 31: - помещение для самостоятельной работы.	Доступ в Интернет. 1. Столы компьютерные – 10 шт. 2. Стулья аудиторные – 18 шт. 3. Кресло - 7 шт 4. Стол для совещаний – 1 шт. 5. Доска передвижная поворотная (150*100) ДП12к, магнитная, (мел/магн) -1 шт. 6. Мобильный класс RAYbook - 11 шт.+ mouse - 11 шт. 7. Персональный компьютеры Intel Pentium 4 CPU 3.00 ГГц (монитор, системный блок, клавиатура) – 10 шт. 8. Источник бесперебойного питания -10 шт. 9. Принтер HP LaserJet P2015D 10. Сканер HP Canon Lide 220 11. Колонки 12. Калькуляторы – 21 шт.
<b>Помещения для самостоятельной работы</b>		
1	394033, г.Воронеж Ленинский проспект, дом 174л. второй этаж, Специализированная многофункциональная аудитория 1а:	Доступ в Интернет. 1. Библиотечные стеллажи "Ангстрем" 2. Шкаф полуоткрытый со стеклом - 2 шт.

№ п/п	Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы
	- помещение для самостоятельной работы	3. Кресло – 5 шт. 4. Стул аудиторный - 17 шт. 5. Стол аудиторный - 13 шт. 6. Копировальный аппарат SHARP AR 5625 (копир/принтер с дуплексом, без тонера, деволопера) формат А3. 7. Копировальный аппарат MITA KM 1620 8. Дубликатор Duplo DP 205A (с интерфейсом) 9. Компьютер Intel Celeron 1.7 ГГц– 7 шт.
2	394033, г. Воронеж, Ленинский проспект, дом 174Л № 43. Специализированная многофункциональная аудитория 30: аттестации; - помещение для самостоятельной работы.	Доступ в Интернет. 1.Стол компьютерный – 10 шт. 2.Стол аудиторный – 7 шт. 3.Стул ученический – 14 шт. 4.Кресло – 11 шт. 5.Персональный компьютер Intel Corel Duo CPU E8400 3.00ГГц (монитор, системный блок, клавиатура) – 9 шт. 6.Персональный компьютер Intel Pentium 4 CPU 3.00 ГГц (монитор, системный блок, клавиатура) -1 шт. 7.Интерактивная доска Triumph Board – 1 шт 8.Доска настенная 1 элементная – 1 шт. 9.Источник бесперебойного питания 1 IpponBack Power Pro 500 -10 шт. 10. Сканер Epson Perfection V10 - 1 шт. 11.Шкаф полуоткрытый со стеклом - 1 шт. 12. Принтер laserJet 1320-1 шт. 13. Мультимедиа-проектор Mitsubishi XD500U DLP 200Lm XGA 2000:1 – 1 шт.

Составитель: д.ф.-м.н., профессор Кузьменко Р. В.

Зав. кафедрой: к.ф.-м.н., доцент Кузнецов В. В.

Рабочая программа рассмотрена на заседании кафедры математики, информационных систем и технологий и утверждена на 2022/2023 учебный год.

Протокол № 10 от 23 июня 2022 г.